

31. Definieren Sie für eine Mischung zweier unterschiedlicher Gase  $A$  und  $B$  eine geeignete Verallgemeinerung der H-Funktion und beweisen Sie das H-Theorem.
32. Berechnen Sie für eine Mischung zweier unterschiedlicher Gase  $A$  und  $B$  die Gleichgewichtslösungen  $f_{0A}(\vec{v})$  und  $f_{0B}(\vec{v})$ .

HINWEIS: Verwenden Sie das H-Theorem, sodass  $f_{0i}(\vec{v}) = c_i e^{-a_i \vec{v}^2}$  für  $i = A, B$ . Bestimmen Sie  $a_i, c_i$  mit

$$(a) \int d^3v f_{0i}(\vec{v}) = \bar{n}_i$$

$$(b) \int d^3v f_{0i}(\vec{v}) \frac{1}{2} m \vec{v}^2 = \bar{\varepsilon}_i$$

33. Betrachten Sie ein ideales Gasgemisch zweier unterschiedlicher Gase  $A$  und  $B$  mit Gesamtdruck  $P$  und Partialdrücken  $p_A, p_B$ . Es gilt  $P = p_A + p_B$  und die Gasgleichung lautet  $P = \bar{n}kT$ , wo  $\bar{n} = \bar{n}_1 + \bar{n}_2$  die mittlere Teilchenzahldichte des Gasgemisches bezeichnet. Zeigen Sie analog zur Vorlesung, dass

$$\bar{\varepsilon}_i = \frac{3}{2}kT \text{ (unabhängig von der Gassorte)}$$

34. Berechnen Sie für eine Mischung zweier unterschiedlicher Gase  $A$  und  $B$  die H-Funktion für die Gleichgewichtslösungen  $f_{0A}(\vec{v})$  und  $f_{0B}(\vec{v})$ . Überprüfen Sie die Mischentropieformel.
35. Betrachten Sie die Kontinuitätsgleichung und Eulersche Gleichung eines Gases

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \vec{\nabla}(\rho \vec{u}) = 0$$

$$\left(\frac{\partial}{\partial t} + \vec{u} \cdot \vec{\nabla}\right) \vec{u} + \frac{1}{\rho} \vec{\nabla} P = 0$$

Seien  $\vec{u}$  und alle Raum- und Zeitableitungen von  $\vec{u}, \rho, \theta$  sehr klein. Bestimmen Sie die führenden Beiträge zu den beiden obigen Gleichungen und leiten Sie mit Hilfe der adiabatischen Zustandsgleichung

$$P \rho^{-5/2} = \text{konst.}$$

die Wellengleichung für  $\rho$  her. Zeigen Sie, dass die Fortpflanzungsgeschwindigkeit  $c$  durch  $c = \frac{1}{\sqrt{\frac{3}{5} \frac{m}{\theta}}}$  gegeben ist.